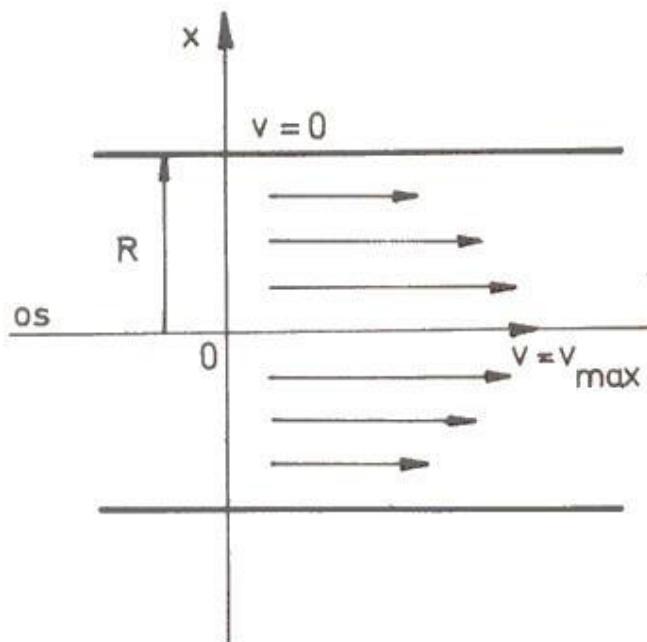


## Viskoznost tekućine

Laminarno protjecanje je ono kod kojeg se svi slojevi tekućine kreću međusobno paralelno i paralelno sa stjenkama cijevi.



Slika 1 Laminarni protok tekućine duž cijevi.

Kod realnih tekućina brzine pojedinih slojeva nisu jednake zbog sile trenja između slojeva tekućine. Tu silu trenja opisujemo izrazom:

$$F = \eta A \frac{\Delta v}{\Delta x}$$

gdje je  $A$  površina poprečnog presjeka cijevi kroz koju tekućina teče,  $\Delta v$  razlika u brzini protjecanja između dvaju promatranih slojeva tekućine,  $\Delta x$  međusobna udaljenost promatranih slojeva tekućine, a  $\eta$  koeficijent viskoznosti tekućine. Iz navedene relacije može se odmah izračunati jedinicu za koeficijent viskoznost:

$$[\eta] = \frac{\left[ \frac{F}{A} \right]}{\left[ \frac{\Delta v}{\Delta x} \right]} = \frac{Pa}{\frac{m/s}{m}} = Pa \cdot s$$

Slojevi tekućine koji se nalaze neposredno uz stjenku cijevi miruju,  $v(R)=0$ , a sloj tekućine koji se giba oko osi cijevi ima najveću brzinu,  $v(0)=v_{max}$ . Raspodjela brzina slojeva je kvadratna funkcija udaljenosti  $x$  od osi cijevi:

$$v(x) = v_{max} \left(1 - \frac{x^2}{R^2}\right)$$

Realne tekućine, kod kojih je viskoznost neovisna o brzini volumnog protoka pri određenoj temperaturi, nazivamo Njutnovske tekućine. Volumen  $V$  takve tekućine koja proteće u vremenu  $t$  kroz cijev duljine  $l$  i radijusa  $r$ , uz razliku tlakova  $\Delta p$  na krajevima cijevi, iznosi (Poiseuilleov zakon):

$$V = \frac{\pi r^4}{8\eta} \frac{\Delta p}{l} t$$

U vježbi se viskoznost nepoznate tekućine mjeri relativno u odnosu na viskoznost vode. Potrebno je uzeti jednakе volumene vode i nepoznate tekućine, te stoga slijedi:

$$V = \frac{\pi r^4}{8\eta_v} \frac{\Delta p_v}{l} t_v \quad V = \frac{\pi r^4}{8\eta_t} \frac{\Delta p_t}{l} t_t$$

dijeljenjem dvije gornje jednadžbe dobije se:

$$\frac{\eta_t}{\eta_v} = \frac{t_t}{t_v} \frac{\Delta p_t}{\Delta p_v}$$

a budući da je tlak za obje tekućine jednak:

$$\Delta p = \rho g h$$

dobije se izraz za relativnu viskoznost:

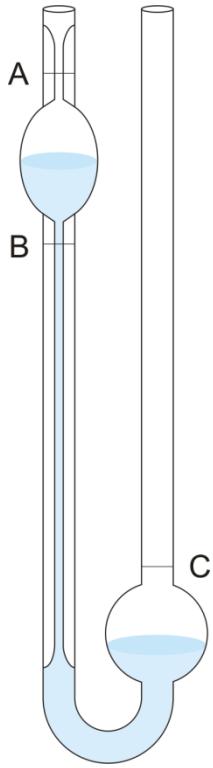
$$(\eta_t)_{rel} = \frac{\eta_t}{\eta_v} = \frac{t_t}{t_v} \frac{\rho_t}{\rho_v}$$

a absolutna viskoznost tekućine iznosi:

$$\eta_t = \eta_v \frac{\rho_t}{\rho_v} \frac{t_t}{t_v}$$

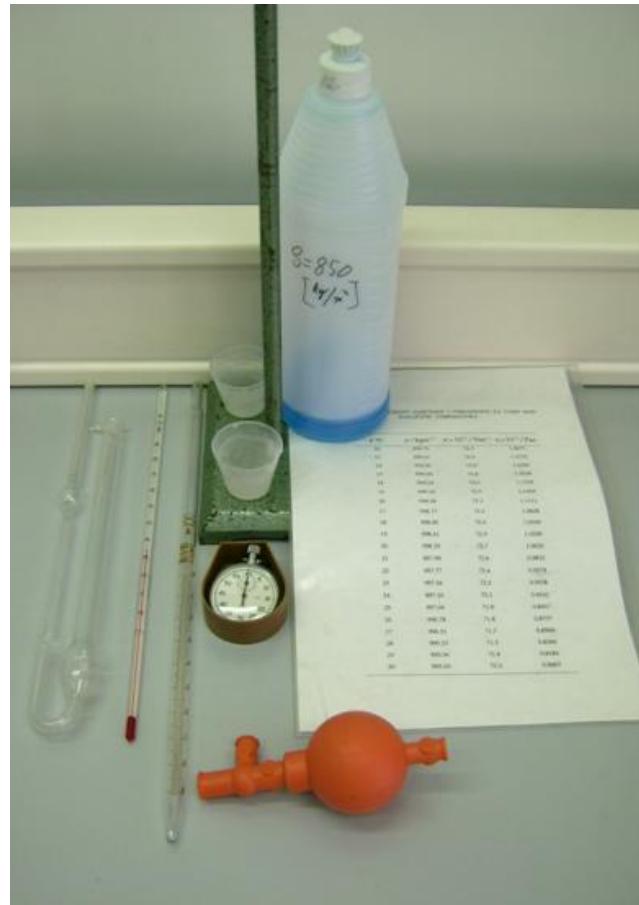
Mjerenja se izvode kapilarnim viskozimetrom (Slika 2.). Instrument je poznat još pod nazivima Ostwaldov viskozimetar i viskozimetar s U – cijevi, a sastoji se od dvije vertikalne staklene cijevi različitih širina spojenih kao U – cijev. Širu cijev zovemo širi krak viskozimeta, pri dnu te cijevi nalazi se spremnik u obliku proširenja. Užu cijev zovemo uži krak viskozimeta i unutar te cijevi nalazi se kapilara. Iznad kapilare nalazi se također spremnik, a ispod kapilare dolazi zavoj koji predstavlja spoj između užeg i šireg kraka

viskozimetra. Određivanje viskoznosti temelji se na mjerenu vremenu potrebnog da propisani volumen tekućine istekne kroz kapilaru, tako da se zabilježi vrijeme kad razina tekućine stigne od točke A do točke B naznačenih na Slici 2.



Slika 2 Kapilarni viskozimetar.

Izvor Slike 2: E. Generalic,  
<http://glossary.periodni.com/glosar.php?hr=Ostwaldov+viskozimetar>



Slika 3 Pribor potreban za izvođenje vježbe: Ostwaldov viskozimetar, termometar, pipeta, gumeni pumpa za pipetu (propipeta), zaporna ura, 2 čaše, stalak sa držačem, voda, zadana tekućina, tablica sa vrijednostima gustoće i viskoznosti vode pri različitim temperaturama.

### Zadatak - Određivanje viskoznosti pomoću Ostwaldovog viskozimetra

Uliti vodu u čašu, te izmjeriti temperaturu vode. Iz priložene tablice očitati gustoću i viskoznost vode na toj temperaturi. Gustoća nepoznate tekućine nalazi se na boci s tekućinom. Uzeti pipetom 5 ml vode i uliti je u širi krak viskozimetra. Podignuti razinu vode u užem kraku iznad gornje označe pomoću propipete. Pustiti da voda otječe. U trenutku kada razina vode prolazi pored gornje označe, uključiti zaporni sat, te ga isključiti kada istekne cijeli volumen V. Mjerjenje ponoviti nekoliko puta. Nakon toga isprazniti viskozimetar i isprati ga tekućinom kojom se vrši mjerjenje. Ponoviti prethodni postupak s danom tekućinom, te mjerjenja i rezultate unijeti u tablicu.

Mjerenja unesite u tablicu:

$t_v$ [s]	$t_t$ [s]	$\eta_t$ [N/m <sup>2</sup> ]	$\Delta\eta_t$ [N/m <sup>2</sup> ]

Izračunajte srednju vrijednost za relativnu i absolutnu viskoznost:

$$\eta_t = \eta_v \frac{t_t \rho_t}{t_v \rho_v}$$

#### **NAPOMENA:**

Termometar nije potrebno tresti. Nepoznatu tekućinu vratiti u posudu.

Najmanji dio skale na zapornoj uri iznosi 0,2 s.